



ديسمبر 2017

المستوى: الثالثة ثانوي (تسيير واقتصاد) (3ASGE)

المدة: 3 سا 00

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الاول (7ن): (U_n) متتالية عددية معرفة على N بحدها الاول $U_0 = 1$ ومن اجل كل عدد طبيعي n

$$U_{n+1} = \frac{3U_n + 4}{9}$$

(1) ا) برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n , $U_n > \frac{2}{3}$

ب) بين ان المتتالية متناقصة

(2) نعتبر من اجل كل عدد طبيعي n المتتالية (V_n) المعرفة كما يلي: $V_n = U_n - \frac{2}{3}$

أ) اثبت ان (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين اساسها q وحدها الاول V_0

ب) اكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n ثم استنتج انه من اجل كل عدد طبيعي n $U_n = \frac{1}{3} \left[\left(\frac{1}{3} \right)^n + 2 \right]$

ج) احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n$ ثم استنتج $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$

د) نضع $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ احسب S_n بدلالة n ثم استنتج المجموع $S' = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

هـ) احسب بدلالة n الجداء التالي $S_n'' = V_0 \times V_1 \times \dots \times V_n$

التمرين الثاني (5ن): الجدول التالي يعطي تطور النسب المئوية من ميزانية إحدى الجامعات والمخصصة للإنفاق

على البحث العلمي بين سنتي 2005 و 2012

السنة	2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6	7	8
النسبة المئوية y_i	3,3	3,8	4,5	4,7	5	5,2	5,7	6,2

1- مثل سحابة النقط الموافقة للسلسلة الإحصائية $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد

2- عين إحداثيتي النقطة المتوسطة G لهذه السلسلة ثم علمها؟

3- بين أن معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي: $y = 0,38x + 3,09$ ثم ارسمه

4- بفرض أن تغير النسب المئوية يبقى على هذه الوتيرة في السنوات القادمة

أ) قدر النسبة المئوية لإنفاق هذه الجامعة على البحث العلمي في سنة 2015

ب) في أي سنة تصبح النسبة المئوية المتوقعة للإنفاق على البحث العلمي لهذه الجامعة هي 9,93%؟

التمرين الثالث (5ن): f دالة عددية معرفة على $R - \{-2\}$: $f(x) = \frac{x^2 + 5x + 5}{x + 2}$

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس

1) احسب نهايات الدالة f عند اطراف مجموعة التعريف

2) عين الاعداد الحقيقية a, b, c بحيث من اجل كل عدد حقيقي x من $R - \{-2\}$: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 2}$

3) بين ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين احدهما مائل (Δ) معادلته $y = x + 3$

4) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) والمستقيم المقارب المائل (Δ)

5) بين ان النقطة $W(-2;1)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f)

بالتوفيق